

Solución de Práctica de Prueba 1 de AI NM Set 2

1. (a) (i) 40 A1
- (ii) 1 A1
- (iii) 0 A1 [3]
- (b) La media del número de sandías

$$= \frac{(0)(12) + (1)(10) + (2)(6) + (3)(5) + (4)(5) + (5)(2)}{12 + 10 + 6 + 5 + 5 + 2}$$
 (A1) por fórmula correcta

$$= 1,675$$
 A1 [2]
- (c) Discretos A1 [1]
2. (a) El perímetro requerido

$$= 120 + 350 + 370$$
 (M1) por enfoque válido

$$= 840 \text{ cm}$$

$$= 8,4 \times 10^2 \text{ cm}$$
 A1 [2]
- (b) El área requerido

$$= \frac{(120)(350)}{2}$$
 (M1) por enfoque válido

$$= 21000 \text{ cm}^2$$

$$= 2,1 \times 10^4 \text{ cm}^2$$
 A1 [2]

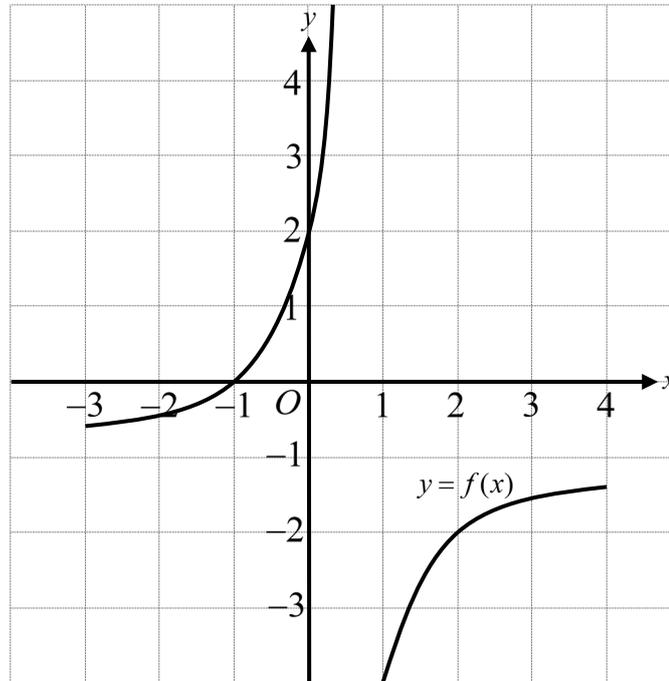
3. (a) Por un comportamiento asintótico correcto en

$$x = \frac{1}{2} \quad \text{A1}$$

Por intercepciones correctas A1

Por una forma correcta A1

[3]



(b) (i) $x = \frac{1}{2}$ A1

(ii) -1 A1

[2]

4. (a) Sea h m la altura de la torre.

$$\tan 21,7^\circ = \frac{h}{1,5} \quad \text{(M1) por enfoque válido}$$

$$h = 0,5969224984 \quad \text{(A1) por valor correcto}$$

Por lo tanto, la altura de la torre es 597 m. A1

[3]

- (b) El porcentaje de error

$$= \left| \frac{596,9224984 - 603}{603} \right| \times 100\% \quad \text{(A1) por sustitución}$$

$$= 1,007877552\%$$

$$= 1,01\% \quad \text{A1}$$

[2]

5.	(a)	(i)	x_n	A1	
		(ii)	z_n	A1	[2]
	(b)	El término requerido $= 100 + (10 - 1)(200)$ $= 1900$	(A1) por sustitución A1	[2]	
6.	(a)	(i)	3,5	A1	
		(ii)	9,5	A1	
(iii)		2,5	A1	[3]	
	(b)	El período de d $= \frac{360^\circ}{3^\circ}$ $= 120$ minutos	(M1) por enfoque válido A1	[2]	
	(c)	10 : 30 de la mañana	A1	[1]	
7.	(a)	$x + y = 2000$	A1	[1]	
	(b)	(i)	$50x + 15y = 73750$	A1	
		(ii)	$x = 1250$ $y = 750$	A1 A1	[3]
	(c)	El costo total $= 50(2) + 15(12)$ $= 280\$$	(M1) por sustitución A1	[2]	

8. (a) 16500 A1 [1]
- (b) El número de seguidores
 $= 16500(1,07)^{17}$
 $= 52120,45098$
 $= 52120$ (M1) por sustitución A1 [2]
- (c) $N(t) = 500000$
 $16500(1,07)^t = 500000$ (M1) por ecuación
 $16500(1,07)^t - 500000 = 0$
 Considerando la gráfica de
 $y = 16500(1,07)^t - 500000$, $t = 50,418502$. (A1) por valor correcto
 Por lo tanto, el año correspondiente es 2023. A1 [3]
9. (a) (i) El radio requerido
 $= \sqrt{(12-8)^2 + (14-11)^2}$ (A1) por sustitución
 $= 5$ A1
- (ii) El radio requerido
 $= \sqrt{\left(6 - \frac{41}{7}\right)^2 + \left(2 - \frac{57}{7}\right)^2}$ (A1) por sustitución
 $= 6,144518048$
 $= 6,14$ A1 [4]
- (b) F A1 [1]

10. (a) Por TVM Solver:

N = ?
I% = 2,95
PV = 120000
PMT = -2000
FV = 0
P / Y = 12
C / Y = 12
PMT : END

(M1)(A1) por valores correctos

$$N = 64,99449865$$

Por lo tanto, el número de meses para cancelar el préstamo es 65 meses.

A1

[3]

(b) La cantidad de intereses pagados

$$= (2000)(65) - 120000$$

$$= 10000\$$$

(M1)(A1) por sustitución

A1

[3]

11. (a) $E(X) = (54)(0,07)$

$$E(X) = 3,78$$

(A1) por sustitución

A1

[2]

(b) $P(X = 9)$

$$= 0,0081914007$$

$$= 0,00819$$

(A1) por valor correcto

A1

[2]

(c) $P(X \geq 5)$

$$= 1 - P(X \leq 4)$$

$$= 1 - 0,6733974584$$

$$= 0,3266025416$$

$$= 0,327$$

(M1) por enfoque válido

(A1) por valor correcto

A1

[3]

12. (a) El costo requerido

$$= \frac{1}{2}(100 - 90)^2 + 60$$
(M1) por sustitución

$$= 110\$$$
A1 [2]
- (b) $C(x) \leq 1310$

$$\frac{1}{2}(x - 90)^2 + 60 \leq 1310$$
(M1) por inecuación

$$\frac{1}{2}(x - 90)^2 - 1250 \leq 0$$

Considerando la gráfica de

$$y = \frac{1}{2}(x - 90)^2 - 1250, 40 \leq x \leq 140.$$

$$\therefore n = 40$$
A1 [2]
- (c) El punto mínimo del gráfico de $C(x)$ es
(90, 60). (M1) por enfoque válido
Por lo tanto, la cantidad de chaquetas es 90. A1 [2]
13. (a) $f(x) = \int \left(\frac{1000}{x^2} + 500x \right) dx$ (M1) por integral indefinida

$$f(x) = 1000 \left(\frac{x^{-1}}{-1} \right) + 500 \left(\frac{x^2}{2} \right) + C$$
(A1) por enfoque correcto

$$f(x) = -\frac{1000}{x} + 250x^2 + C$$
(A1) por enfoque correcto

$$600 = -\frac{1000}{2} + 250(2)^2 + C$$
(M1) por sustitución

$$600 = 500 + C$$

$$C = 100$$

$$\therefore f(x) = -\frac{1000}{x} + 250x^2 + 100$$
A1 [5]
- (b) $q = 5$ A1 [1]

14.	(a)	(i)	0,683	A1	
		(ii)	0,954	A1	[2]
	(b)	$P(H < 2,82)$ = 0,4372698598 = 0,437		(A1) por valor correcto A1	[2]
	(c)	$P(H > r) = 0,28$ $P(H < r) = 0,72$ $r = 2,960739885$ $r = 2,96$		(M1) por enfoque válido A1	[2]